**WOJSKOWA AKADEMIA TECHNICZNA**

**im. Jarosława Dąbrowskiego**

**WYDZIAŁ MECHATRONIKI I LOTNICTWA**

|  |
| --- |
|  |



**PRACA DYPLOMOWA**

**STUDIA WYŻSZE**

sierż. pchor. inż. Ernest PAPROCKI

*(stopień, imiona i nazwisko studenta)*

***Projekt układu analizy widmowej dla zestawu WEGA***

***Design of the spectral analysis unit for the SA-5 Gammon anti-aircraft system***

*(temat pracy dyplomowej w języku polskim i języku angielskim)*

***Mechatronika – Eksploatacja przeciwlotniczych zestawów rakietowych***

*(kierunek i specjalność studiów)*

dr inż. Stanisław GRZYWIŃSKI

*(tytuł/stopień naukowy, imię i nazwisko promotora pracy dyplomowej)*

WARSZAWA 2019

zadania

Opinia promotora

Recenzja pracy dyplomowej

# Spis treści

[Spis treści 9](#_Toc6161049)

[Wykaz oznaczeń i skrótów 10](#_Toc6161050)

[Wstęp 11](#_Toc6161051)

[1. Analiza widmowa sygnałów 12](#_Toc6161052)

[2. Próbkowanie sygnałów 13](#_Toc6161053)

[2.1. Aliasing1 13](#_Toc6161054)

[2.2. Twierdzenie o próbkowaniu 14](#_Toc6161055)

[2.3. Wstęgi boczne 15](#_Toc6161056)

[2.4. Próbkowanie dolnopasmowe 16](#_Toc6161057)

[2.5. Nadpróbkowanie 17](#_Toc6161058)

[2.5.1. Błędy kwantyzacji 17](#_Toc6161059)

[2.5.2. Szum kwantyzacji 17](#_Toc6161060)

[2.5.3. Redukcja szumu kwantyzacji 18](#_Toc6161061)

[2.6. Podpróbkowanie 20](#_Toc6161062)

[2.6.1. Warunki prawidłowego próbkowania pasmowego 21](#_Toc6161063)

[3. Układ określania prędkości w zestawie Wega 22](#_Toc6161064)

[3.1. Efekt Dopplera 22](#_Toc6161065)

[3.2. Zasada pracy radiolokacyjnej stacji podświetlania celów 22](#_Toc6161066)

[3.3. Układ analizy widmowej 23](#_Toc6161067)

[4. Symulacje komputerowe 25](#_Toc6161068)

[4.1. Badanie wpływu częstotliwości podpróbkowania na widmo sygnału 25](#_Toc6161069)

[Bibliografia 27](#_Toc6161070)

[Spis rysunków i tabel 28](#_Toc6161071)

[Spis rysunków 28](#_Toc6161072)

[Spis tabel 28](#_Toc6161073)

# Wykaz oznaczeń i skrótów

ADC – przetwornik analogowo-cyfrowy (ang. Analog to Digital Converter);

przetwornik A/C – przetwornik analogowo-cyfrowy;

lsb – najmniej znaczący bit (ang. least significant bit);

PSD - widmowa gęstość mocy (ang. power spectral density);

*fs* – częstotliwość próbkowania;

*f­N* – częstotliwość Nyquista*;*

*f­pcz* – częstotliwość pośrednia*;*

*f­0* – częstotliwość nośna*;*

# Wstęp

# Analiza widmowa sygnałów

Analiza w dziedzinie częstotliwości pozwala na badanie sygnału z całkiem innej perspektywy. Znajomość składowych widma pozwala na odtworzenie sygnału pierwotnego w dziedzinie czasu. Analiza spektralna umożliwia ocenę niesinusoidalnego charakteru sygnału w sposób liczbowy, jako zawartość składowych częstotliwościowych w czasowym przebiegu funkcji. Jest ona w bardzo dużym stopniu stosowana w przetwarzaniu sygnałów.

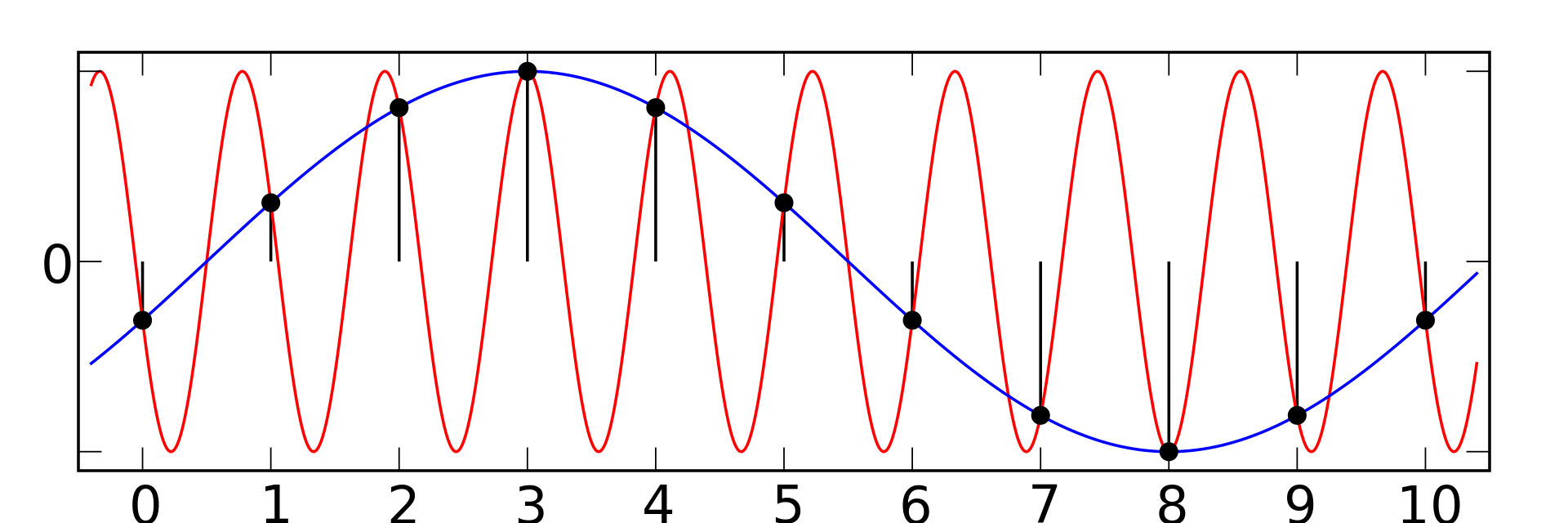
# Próbkowanie sygnałów

Próbkowanie równoległe jest obecne niemalże wszędzie gdzie jest mowa o cyfrowym przetwarzaniu sygnałów. Jego efektem jest reprezentacja sygnału ciągłego pod postacią ciągu próbek, które są pobierane w dyskretnych chwilach czasu. Proces ten polega na podaniu sygnału ciągłego na wejście przetwornika ADC, z wyjścia którego otrzymuje się ciąg wartości cyfrowych.

W kwestii próbkowania podstawowym parametrem jaki należy określić jest prędkość z jaką sygnał ciągły powinien być próbkowany, aby zachować jego zawartość informacyjną. Sygnały można próbkować z dowolną szybkością, a na wyjściu zawsze otrzyma się ciąg wartości dyskretnych, lecz nie zawsze te wartości będą prawidłowo reprezentowały sygnał oryginalny.[[1]](#footnote-1)

## Aliasing1

W dziedzinie częstotliwości występuje niejednoznaczność związana z próbkami dyskretnymi, nieistniejąca w przypadku sygnałów ciągłych. Polega ona na tym, że podczas próbkowania sygnału z prędkością *fs* próbek na sekundę, dla *k* będącego dowolną liczbą całkowitą, nie jest możliwe rozróżnienie spróbkowanych wartości przebiegów sinusoidalnych o częstotliwościach *f0* i *(f­0 + k\*fs)*. Niejednoznaczność częstotliwości została zaprezentowana na Rys. 1, który pokazuje, że oryginalny ciąg wartości może równie wiarygodnie reprezentować wartości różnych przebiegów sinusoidalnych. Właśnie takie zjawisko nazywane jest aliasingiem. Nie istnieje więc taki ciąg danych, który by reprezentował bez dwuznaczności tylko jedną sinusoidę, nie zawierając dodatkowych informacji.



Rys. 1 Niejednoznaczność częstotliwości[[2]](#footnote-2)

## Twierdzenie o próbkowaniu[[3]](#footnote-3)

Występowanie zjawiska aliasingu w procesie przetwarzania sygnałów narzuciło stosowanie się do twierdzenia o próbkowaniu, zwanego też, od nazwisk swoich autorów, twierdzeniem Shannona lub twierdzeniem Nyquista. Mówi ono, że sygnał może być prawidłowo spróbkowany, tylko jeżeli występujące w nim składowe częstotliwościowe są nie większe niż połowa częstotliwości próbkowania. W związku z powyższym twierdzeniem wyprowadzono również pojęcie częstotliwości Nyquista oznaczającej połowę częstotliwości próbkowania (wzór (2.1)).

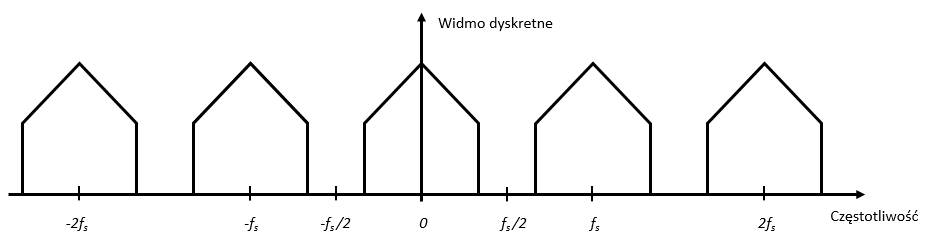
|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |

Gdy częstotliwość w sygnale wejściowym jest poniżej częstotliwości Nyquista, to występuje ona również w sygnale spróbkowanym. Jeżeli jednak częstotliwość sygnału wejściowego jest powyżej częstotliwości Nyquista, wówczas zjawisko aliasingu zmienia ją na taką, która może zostać zaprezentowana przez spróbkowane dane. Każda częstotliwość przebiegu ciągłego, która jest wyższa niż częstotliwość Nyquista posiada odpowiadającą jej częstotliwość znajdującą się w przedziale od 0 do *fs/2*. Jeżeli w tym przedziale znajduje się już jakiś sygnał, to wystąpienie aliasingu zsumuje się z nim powodując zniekształcenie lub stratę informacji dotyczących zarówno częstotliwości znajdujących się powyżej, jak i poniżej *fs/2*.

## Wstęgi boczne[[4]](#footnote-4)

W dziedzinie przetwarzania sygnałów istnieje teoretyczna koncepcja zwana ciągiem impulsów. Jest to sygnał ciągły złożony z nieskończenie wąskich szpilek (impulsów). Impulsy są identyczne w chwilach próbkowania z sygnałem oryginalnym, a wartość między nimi jest zerowa. Pod względem zawartości informacji ten teoretyczny ciąg impulsów i matryca liczb reprezentujących wartości próbek są identyczne. W dziedzinie czasu próbkowanie realizowane jest poprzez mnożenie oryginalnego sygnału przez ciąg impulsów o amplitudzie jednostkowej, których szpilki znajdują się w miejscach zwielokrotnionej częstotliwości próbkowania. Widma sygnałów mnożonych w dziedzinie czasu są poddawane operacji splotu, w wyniku czego widmo oryginalne zostaje powielone w miejscach występowania szpilek w widmie ciągu impulsów. Sygnał oryginalny traktowany jest jako zawierający częstotliwości dodatnie i ujemne.

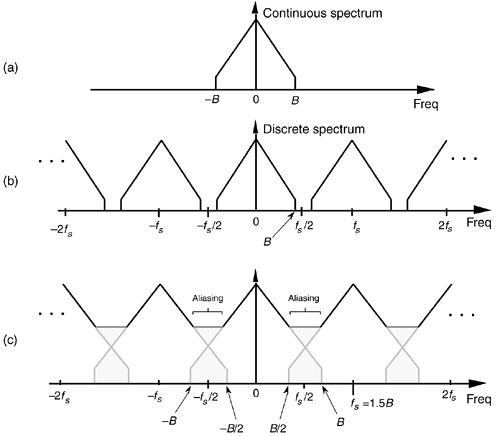
Próbkowanie sygnału przy wykorzystaniu ciągu impulsów daje powielone widmo sygnału oryginalnego. Po prawych stronach częstotliwości równych *k\*fs,* gdzie *k* jest dowolną liczbą całkowitą, powstaje kopia widma, zaś po lewych odwrócona kopia (kopia wartości ujemnej widma oryginalnego). Są one nazywane górną i dolną wstęgą boczną. Powielenie widma przedstawiono na Rys. 2.



Rys. 2 Powielenie widmowe sygnału spróbkowanego[[5]](#footnote-5)

## Próbkowanie dolnopasmowe

Próbkowanie dolnopasmowe wykorzystywane jest do analizy sygnałów w zakresie częstotliwości od 0 Hz do określonej wartości *B* (Rys. 3a). W celu prawidłowego przetworzenia takiego sygnału częstotliwość próbkowania *fs* powinna być większa niż *2B*, co wynika z omówionego wcześniej twierdzenia o próbkowaniu. W przypadku niespełnienia tego warunku, widmo sygnału zostanie zniekształcone zjawiskiem aliasingu widocznym na Rys. 3c, co spowoduje błędną interpretację sygnału. Należy pamiętać, że niezależnie od częstotliwości próbkowania *fs*, widmo spróbkowanego sygnału zawsze znajdzie się w przedziale częstotliwości od 0 do *fs/2*, jego lustrzanym odbiciu oraz w powielonych widmach (Rys. 3b i Rys. 3c). Dlatego tak ważne jest, aby odpowiednio dobrać częstotliwość próbkowanie do częstotliwości sygnału. Zapewni to prawidłową interpretację analizowanego sygnału i jego parametrów.



Rys. 3 Powielenia widmowe[[6]](#footnote-6): (a) oryginalne widmo ciągłe sygnału, (b) powielenia widmowe spróbkowanego sygnału dla *fs>2B*, (c) nakładanie się częstotliwości i występowanie aliasingu dla zbyt małej częstotliwości próbkowania, gdy *fs<2B*

## Nadpróbkowanie[[7]](#footnote-7)

Oprócz standardowej metody, jaką jest próbkowanie dolnopasmowe, można użyć metody nadpróbkowania w procesie digitalizacji sygnału. Polega ona na próbkowaniu sygnału z częstotliwością znacznie większą, niż wynikająca z twierdzenia o próbkowaniu i jest wykorzystywana głównie w celu redukcji szumu kwantyzacji ADC. W celu wyjaśnienia zagadnienia związanego z nadpróbkowaniem należy w pierwszej kolejności omówić kwestię błędów i szumu kwantyzacji przetwornika A/C.

### Błędy kwantyzacji[[8]](#footnote-8)

Przetworniki A/C posiadają wyjściowe słowo binarne, którego długość jest skończona i określana jako rozdzielczość przetwornika wyrażana w bitach. Znając rozdzielczość oraz zakres przedziału napięcia wejściowego przetwornika można określić wartość reprezentowaną przez najmniej znaczący bit (ang. *least significant bit*) za pomocą wzoru:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | gdzie: |  |  |
|  |  |  | - wartość najmniej znaczącego bita, |
|  |  |  | - przedział napięcia wejściowego przetwornika A/C, |
|  |  |  | - długość słowa (liczba bitów). |

Wartość najmniej znaczącego bita jest wielkością niepodzielna, stąd digitalizowany sygnał będzie miał amplitudę będącą wielokrotnością wartości lsb. Każda pośrednia wartość pojawiająca się na wejściu przetwornika A/C będzie wartością najlepszego estymatora wartości wejściowej. Niedokładności w tym procesie zwane są błędami kwantyzacji. Dla idealnego przetwornika analogowo-cyfrowego błąd kwantyzacji jest nie większy niż ± ½ lsb, co wynika z zaokrąglania.

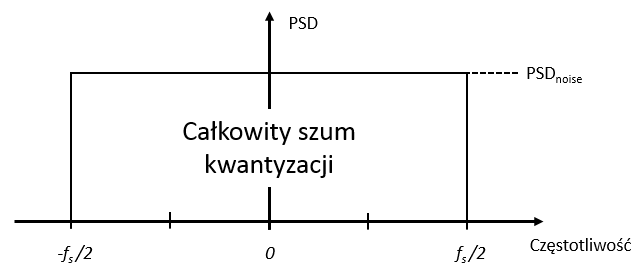
### Szum kwantyzacji

Zakładając, że jeżeli wejściowy sygnał analogowy podawany na wejście ADC przyjmuje wartości, które mieszczą się w większej części zakresu napięcia wejściowego przetwornika, a sygnał nie posiada dominujących składowych okresowych, to wartości szumu kwantyzacji są losowe, a jego reprezentacja w dziedzinie częstotliwości ma postać płaskiego widma. Wówczas całkowitą moc szumu kwantyzacji można określić wzorem:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |

Odnosząc całkowitą moc do pewnej jednostkowej szerokości pasma, uzyska się widmową gęstość mocy – PSD. Jak wspomniano wcześniej, w dziedzinie częstotliwości szum kwantyzacji ma rozkład równomierny w zakresie od *–fs/2* do *+f­s/2* (Rys. 4), a jego amplituda jest wynikiem podzielenia całkowitej mocy szumu kwantyzacji przez szerokość widma:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |



Rys. 4 Widmowa gęstość mocy w dziedzinie częstotliwości idealnego przetwornika A/C[[9]](#footnote-9)

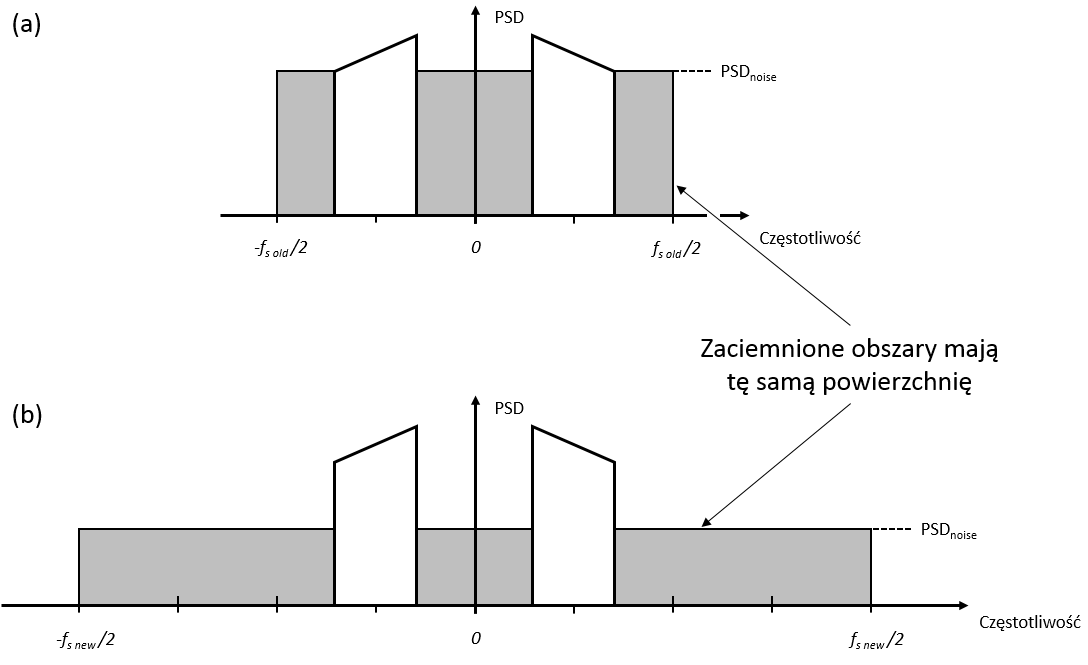
### Redukcja szumu kwantyzacji

Z wzoru (2.4) wynika, że amplitudę całkowitego szumu kwantyzacji można redukować na dwa sposoby. Pierwszym jest zmniejszenie wartości reprezentowanej przez najmniej znaczący bit poprzez zastosowanie przetwornika o większej długości słowa binarnego. Drugim zaś sposobem jest zwiększenie częstotliwości próbkowania *fs*. Poprawę stosunku sygnału do szumu, wynikającą z zastosowania nadpróbkowania, można obliczyć za pomocą wzoru (2.5).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | gdzie: |  |  |
|  |  |  | - zysk stosunku sygnału do szumu, |
|  |  |  | - częstotliwość próbkowania przy nadpróbkowaniu, |
|  |  |  | - częstotliwość próbkowania bez nadpróbkowania. |

Poprzez zwiększenie częstotliwości próbkowania fs-old do częstotliwości fs-new, zakres całkowitej mocy szumu zostanie rozszerzony do szerszego zakresu częstotliwości, tak jak to pokazano na Rys. 5. Otrzymany ciąg próbek można poddać filtracji dolnoprzepustowej, a następnie decymacji do mniejszej częstotliwości próbkowania, zachowując przy tym poprawiony stosunek sygnału do szumu.

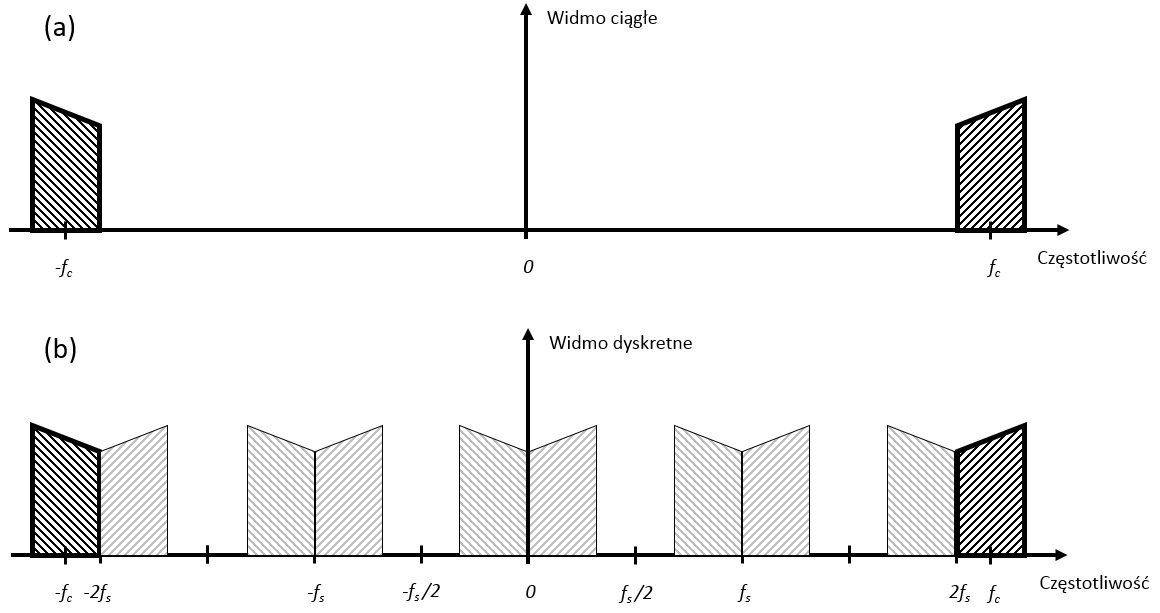


Rys. 5 Przykład nadpróbkowania[[10]](#footnote-10): (a) widmowa gęstość mocy szumu przy częstotliwości próbkowania *fs old*, (b) widmowa gęstość mocy szumu przy częstotliwości próbkowania *fs new.*

## Podpróbkowanie[[11]](#footnote-11)

Próbkowanie pasmowe, zwane też podpróbkowaniem, wykorzystywane jest do próbkowania sygnału ciągłego, którego częstotliwości zawierają się w pewnym określonym paśmie. Jeżeli szerokość pasma wejściowego sygnału ciągłego i częstotliwość środka pasma na to pozwolą, podpróbkowanie pozwoli na zmniejszenie wymagań stawianych częstotliwości próbkowania przez przetwornik A/C, która w tym przypadku może być niższa niż wynikająca z omówionego wcześniej twierdzenia o próbkowaniu. Dodatkowo próbkowanie pasmowe ogranicza pojemność pamięci cyfrowej, która jest niezbędna do przechowywania spróbkowanego sygnału.

Operacja próbkowania i powielania widma są ze sobą ściśle powiązane. Wiedząc, że każda częstotliwość posiada swój odpowiednik w przedziale częstotliwości od 0 do *fs/2*, można, przy pewnych warunkach, przedstawić sygnał pasmowy próbkując go z częstotliwością dużo mniejszą niż podwojona częstotliwość maksymalna tego sygnału, jak to zostało przedstawione na Rys. 6.



Rys. 6 Próbkowanie sygnału pasmowego o częstotliwości nośnej *fc*[[12]](#footnote-12): (a) oryginalne widmo sygnału ciągłego, (b) powielenia widma spróbkowanego sygnału, dla odpowiednio dobranej częstotliwości próbkowania, mniejszej od częstotliwości Nyquista.

### Warunki prawidłowego próbkowania pasmowego

Widmo sygnału spróbkowanego ulega powieleniu i przesunięciu, lecz jego rozpiętość się nie zmienia. Dlatego, chcąc poprawnie zaprezentować widmo sygnału pasmowego, należy mu zapewnić odpowiednią szerokość częstotliwości, w której będzie reprezentowane. Szerokość ta jest ograniczona przez częstotliwość Nyquista i wynosi połowę częstotliwości próbkowania. Stąd też pierwszym warunkiem, który musi zostać spełniony celem prawidłowego wykonania podpróbkowania, jest dobranie częstotliwości próbkowania większej niż podwojona wartość szerokości pasma, w której przemiatany jest badany sygnał (wzór (2.6)).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | gdzie: |  |  |
|  |  |  | - szerokość pasma sygnału wejściowego. |

Niestety spełnienie powyższego warunku nie gwarantuje jeszcze, że otrzymane widmo będzie w prawidłowy sposób reprezentowane w formie dyskretnej. W zależności od obranej częstotliwości próbkowania, powielenia widma będą zmieniały swoje położenie, a dla niektórych przypadków będą wręcz na siebie nachodzić powodując pojawienie się aliasingu. Z tego powodu spełniony musi zostać jeszcze jeden warunek opisany wzorem (2.7).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | gdzie: |  |  |
|  |  |  | - częstotliwość nośna sygnału (środkowa częstotliwość wokół której skupiony jest sygnał pasmowy), |
|  |  |  | - dowolna liczba naturalna, zapewniająca spełnienie pierwszego warunku. |

Dopiero spełnienie obu powyższych warunków pozwoli dobrać taką częstotliwość próbkowania, która pozwoli na prawidłowe zastosowanie metody podpróbkowania bez niekorzystnych wpływów zjawiska aliasingu.

# Układ określania prędkości w zestawie Wega

Zestaw Wega umożliwia śledzenie celów w odległości i prędkości. W ramach niniejszej pracy postanowiono opracować układ analizy widmowej do przetwarzania sygnałów w kanale obserwacji prędkości dla zestawu Wega.

W zestawie zastosowano tzw. radar Dopplerowski, który opromieniowuje cel falą elektromagnetyczną w postaci wiązki ciągłej o określonej częstotliwości *f0­*, a następnie bada sygnał odbity od tego celu. Za badanie tego sygnału odpowiada układ automatycznego śledzenia celu w prędkości, który jest przeznaczony do dokładnego pomiaru składowej dopplerowskiej występującej w fali elektromagnetycznej odbitej od opromieniowanego obiektu.

## Efekt Dopplera[[13]](#footnote-13)

Układ określania prędkości zastosowany w zestawie Wega wykorzystuje zjawisko zmiany częstotliwości fali elektromagnetycznej na skutek odbicia od poruszającego się obiektu. Zjawisko to nazywane jest efektem Dopplera. Znając różnicę częstotliwości pomiędzy wyemitowaną a odebraną falą elektromagnetyczną (częstotliwość dopplerowską) można obliczyć prędkość z jaką przemieszcza się opromieniowany obiekt wg zależności:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | gdzie: |  |  |
|  |  |  | - prędkość poruszającego się obiektu, |
|  |  |  | - częstotliwość dopplerowska, |
|  |  |  | - częstotliwość emitowanej fali, |
|  |  |  | - prędkość rozchodzenia się fali w danym ośrodku. |

## Zasada pracy radiolokacyjnej stacji podświetlania celów

Urządzenie nadawcze stacji generuje ciągłą falę elektromagnetyczną o częstotliwości f0 i poprzez układ antenowo-przesyłowy emituje ją w kierunku celu. Po odbiciu od celu, sygnał o częstotliwości *f0+fD* zostaje odebrany przez antenę odbiorczą radiolokacyjnej stacji podświetlania celów i doprowadzany do wielkoczęstotliwościowej części urządzenia odbiorczego, gdzie zostaje poddany wzmocnieniu i selekcji szumowej, a następnie podany na pierwszy stopień mieszacza. W rezultacie zmieszania i przekształcenia dwóch sygnałów: sygnału odbitego od celu i heterodyny, na wyjściu mieszacza wydzielony zostaje sygnał o częstotliwości pośredniej *fpcz I = 27,885 MHz – fD*.

W kolejnym etapie sygnał przekazywany jest do części małoczęstotliwościowej urządzenia odbiorczego, gdzie znajduje się kolejny układ mieszający. Mieszacz przekształca częstotliwość sygnału z *fpcz I* do *fpcz II = 9,295 MHz + fD*.

Z wyjścia drugiego mieszacza sygnał podawany jest na pakiet filtrów reżekcyjnych. Ich przeznaczeniem jest tłumienie sygnałów, których częstotliwość dopplerowska jest bliska zeru. Do takich sygnałów należą m. in.: sygnał przesączający się z nadajnika, sygnały odbite od przedmiotów terenowych, sygnały zakłóceń atmosferycznych, sygnały odbite od zakłóceń pasywnych.

Po filtracji w filtrach reżekcyjnych sygnał podawany jest na wejście trzeciego mieszacza, w którym jego częstotliwość zostaje przekształcona do *fpcz III = 3,135 MHz - fD*. Wyjściowa częstotliwość dopplerowska ma odwróconą wartość. Jest to uwarunkowane odwracaniem widma sygnału na każdym z trzech stopni przemiany częstotliwości.

Sygnał o częstotliwości *fpcz III* zostaje poddany procesowi cyfrowego przetwarzania sygnałów, gdzie za pomocą odpowiednich algorytmów następuje jego obróbka i przekształcenie do postaci widmowej umożliwiającej zobrazowanie.

## Układ analizy widmowej

Analiza widmowa pozwala określić różnicę częstotliwości pomiędzy badanym sygnałem, a częstotliwością odniesienia *fpcz = 3,135 MHz*, czyli *fpcz III*dla której składowa dopplerowska nie występuje. Ta rozbieżność częstotliwości jest wprost proporcjonalna do prędkości radialnej obiektu, która może zostać obliczona przy wykorzystaniu wzoru (2.8). W zestawie Wega cele prezentowane są w postaci pików na widmie odebranego sygnału, a ich rozmieszczenie informuje o prędkości danego obiektu.

Opracowując układ analizy widmowej należy wziąć pod uwagę ograniczenia wynikające z funkcjonowania i pracy zestawu. Zapewni to obserwację sygnałów odbitych od celów, których prędkości radialne leżą w zakresie odziaływania ogniowego zestawu Wega.

Wiadomości wymagające uwzględnienia podczas tworzenia układu:

* Kanał obserwacji zabezpiecza monitoring obiektów powietrznych przemieszczających się w zakresie prędkości radialnych od -500 m/s do +1500 m/s,
* Radiolokacyjna stacja podświetlania celów pracuje w paśmie symbolizowanym przez literę „C” według oznaczeń tradycyjnych, czyli w przedziale 4 – 8 GHz. W pracy przyjęto częstotliwość nośną sygnału *f0=6,5 GHz*,
* Wynikowe pasmo przenoszenia (zakres zmian częstotliwości dopplerowskich) zawiera się w zakresie od -100 kHz do +50 kHz względem częstotliwości pośredniej. Jest ono asymetryczne oraz odwrócone.

# Symulacje komputerowe

Wykonana analiza zasad pracy i funkcjonowania zestawu wykazały, że, chcąc zaprojektować układ analizy widmowej zestawu Wega, nieodzowne jest przeprowadzanie badań wpływu częstotliwości próbkowania na widmo sygnału w kanale obserwacji. W celu poprawy rozróżnialności widmowej postanowiono dodatkowo przeprowadzić badania wpływu parametrów FFT na rozróżnialność widmową, a chcąc polepszyć jakość stosunku sygnału do szumu sprawdzone zostaną wpływy okien czasowych oraz uśrednianie wielu widm.

Zważywszy na fakt, że badany sygnał posiada informacje zawierające się w relatywnie bardzo wąskim paśmie porównując z częstotliwością pośrednią, zdecydowano, że wykorzystana zostanie metoda podpróbkowania, która została omówiona w rozdziale 2.6.

## Badanie wpływu częstotliwości podpróbkowania na widmo sygnału

Pasmo przenoszenia toru obserwacji wyznacza granicę częstotliwości podpróbkowania. Ze względu na asymetryczność widma sygnału względem częstotliwości pośredniej niezbędny jest dobór okresu próbkowania zapewniający uniknięcie zjawiska aliasingu.

Celem badania jest określenie częstotliwości podpróbkowania, która zapewnia poprawne i jednoznaczne przetwarzanie sygnału w dziedzinie częstotliwości z uwzględnieniem nieproporcjonalności widma kanału obserwacji.

W badaniach przyjęto następujące założenia:

* częstotliwość pośrednia *fpcz = 3,135 MHz,*
* pasmo przenoszenia kanału obserwacji zawiera się w zakresie od   
  -100 kHz do +50 kHz i jest asymetryczne.

Badania przeprowadzono dla następujących parametrów:

* prostokątne okno normalizujące widmo sygnału,
* liczba próbek sygnału N = 4096.

Jako sygnał wejściowy przyjęto szerokopasmowy sygnał, którego pasmo zawierało się w zakresie od *fBd = 3,035 MHz*, do *fBg = 3,185 MHz* zgodnie z pasmem przenoszenia kanału obserwacji.

Chcąc odpowiednio dobrać częstotliwość próbkowania przy wykorzystaniu podpróbkowania należy zastosować się do warunków omówionych w rozdziale 2.6.1. Zgodnie z zawartymi tam informacjami częstotliwość próbkowania musi zawierać się w pewnych określonych przedziałach, inaczej badany sygnał narażony będzie na zjawisko aliasingu i nie zostanie zapewniona jednoznaczność pomiarów. Poniżej zdefiniowano owe warunki:

* Warunek I:
* Warunek II:

Zakresy częstotliwości próbkowania dla różnych wartości m przedstawiono w Tab. 1. Kolorem czerwonym zaznaczono częstotliwości, które nie spełniają pierwszego warunku, co czyni je nieodpowiednimi do zaimplementowania. Wybór częstotliwości próbkowania z zakresu od *f­s\_min* do *fs\_max* zapewni, całe pasmo badanego sygnału będzie wolne od niejednoznaczności i aliasingu (o ile warunek nr 1 zostanie spełniony).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| *m* | *fs\_min(m)* [Hz] | *fs\_max(m)* [Hz] |
| 1 | 3185000 | 6070000 |
| 2 | 2123333,333 | 3035000 |
| 3 | 1592500 | 2023333,333 |
| 4 | 1274000 | 1517500 |
| 5 | 1061666,667 | 1214000 |
| 6 | 910000 | 1011666,667 |
| 7 | 796250 | 867142,8571 |
| 8 | 707777,7778 | 758750 |
| 9 | 637000 | 674444,4444 |
| 10 | 579090,9091 | 607000 |
| 11 | 530833,3333 | 551818,1818 |
| 12 | 490000 | 505833,3333 |
| 13 | 455000 | 466923,0769 |
| 14 | 424666,6667 | 433571,4286 |
| 15 | 398125 | 404666,6667 |
| 16 | 374705,8824 | 379375 |
| 17 | 353888,8889 | 357058,8235 |
| 18 | 335263,1579 | 337222,2222 |
| 19 | 318500 | 319473,6842 |
| 20 | 303333,3333 | 303500 |
| 21 | 289545,4545 | 289047,619 |
| 22 | 276956,5217 | 275909,0909 |

Tab. 1 Zestawienie zakresów częstotliwości podpróbkowania wykluczających występowanie zjawiska aliasingu.

# Bibliografia

1. Smith S. W., *Cyfrowe przetwarzanie sygnałów*, Wydawnictwo BTC, Warszawa, 2003;
2. Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2006;
3. Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2010;
4. *Zestaw rakietowy S-200WE – opis techniczny*, Dowództwo wojsk obrony powietrznej kraju, Warszawa, 1989;

# Spis rysunków i tabel

## Spis rysunków

Nie można odnaleźć pozycji dla spisu ilustracji.

## Spis tabel

**Nie można odnaleźć pozycji dla spisu ilustracji.**

1. Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2006, str. 37-40; [↑](#footnote-ref-1)
2. Strona internetowa: https://pl.wikipedia.org/wiki/Aliasing\_(przetwarzanie\_sygna%C5%82%C3%B  
   3w)#/media/File:AliasingSines.svg (20.03.2019). [↑](#footnote-ref-2)
3. Smith S. W., *Cyfrowe przetwarzanie sygnałów*, Wydawnictwo BTC, Warszawa, 2003, str. 47‑48. [↑](#footnote-ref-3)
4. Smith S. W., *Cyfrowe przetwarzanie sygnałów*, Wydawnictwo BTC, Warszawa, 2003, str. 48‑53. [↑](#footnote-ref-4)
5. Opracowanie własne na podstawie Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2006, str. 43; [↑](#footnote-ref-5)
6. Strona internetowa: http://ptgmedia.pearsoncmg.com/images/chap2\_0131089897/elementLinks/  
   02fig04.gif (05.04.2019). [↑](#footnote-ref-6)
7. Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2010, str. 506-508; [↑](#footnote-ref-7)
8. Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2010, str. 451; [↑](#footnote-ref-8)
9. Opracowanie własne na podstawie Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2010, str. 506; [↑](#footnote-ref-9)
10. Opracowanie własne na podstawie Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2010, str. 507; [↑](#footnote-ref-10)
11. Lyons R.G., *Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów*, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa, 2010, str. 48-52; [↑](#footnote-ref-11)
12. Opracowanie własne. [↑](#footnote-ref-12)
13. Strona internetowa: http://www.radary.az.pl/doppler.php [↑](#footnote-ref-13)